



18 ALUNOS → MÉDIA ≈ 41

TM-257 DINÂMICA DOS FLUIDOS COMPUTACIONAL – 2015/1

Prova (27 Mai 2015; sem consulta; 13:30 às 15:10 h; aulas 1 a 11)

DIRETRIZES OBRIGATÓRIAS:

- Não use celular, calculadora ou qualquer outro aparelho eletrônico durante a prova.
- A interpretação das questões faz parte da prova.** Portanto, não pergunte nada ao professor durante a prova.
- Coloque em sua prova as definições, equações, deduções, cálculos e explicações ou hipóteses assumidas para resolver cada questão. **Não deixe nada para o professor interpretar ou adivinhar.**
- Essa folha da prova pode ser utilizada como rascunho e levada com você ao concluir a prova.
- Quando concluir a prova, avise ao professor e deixe a folha com suas respostas na mesa que utilizou.**
- A nomenclatura usada nas questões abaixo segue a adotada na apostila da disciplina, a menos que se mencione o contrário.
- Defina todas as variáveis usadas em cada questão, exceto se estiverem definidas no enunciado da questão.**

QUESTÕES: (Esta prova vale 100 pontos. A pontuação de cada questão está indicada entre colchetes.)

- [20 pontos] Quais são os **tipos de métodos** que podem ser usados para resolver um problema de **engenharia**? Qual deles é o foco da disciplina TM-257 CFD?
- [15 pontos] Com base em um campo de temperaturas (T) conhecido, resultante da solução numérica de um problema de condução de calor no qual a condutividade térmica é função de T , há geração de calor que é função de r e as condições de contorno são do tipo Dirichlet, **deduzir uma expressão para obter a solução numérica da temperatura média** (\bar{T}), definida por

$$\bar{T} = \frac{1}{(V^2 - v^2)} \int_v^V T r dr$$

onde $v < r < V$, e r é a direção coordenada radial. Considerar que a malha é do tipo uniforme. Utilizar a regra do retângulo para aproximar a integral. Apresentar uma figura mostrando os nós e faces dos volumes envolvidos, bem como seus respectivos símbolos e parâmetros geométricos; **sem figura, não será concedido nenhum ponto a esta questão.**

- [25 pontos] Utilizando o método que incorpora a condição de contorno na integração da equação diferencial, obter os **coeficientes e termo fonte de um volume de controle real** cuja face leste é o contorno do domínio de cálculo e no qual a condição de contorno é do tipo Dirichlet, dada por $T(1) = T_b$. A equação diferencial é

$$Pe \frac{dT}{dx} = \frac{d^2T}{dx^2}$$

Considerar que a malha é do tipo uniforme e Pe é uma constante positiva. Usar o esquema CDS-2 nos termos difusivo e advectivo. Apresentar as expressões de tal forma que o coeficiente a_p seja positivo e fique no primeiro membro da equação, separado dos demais coeficientes e termo fonte. Apresentar a equação genérica do sistema, indicando o símbolo de cada coeficiente e sua incógnita bem como o símbolo do termo fonte. Apresentar uma figura mostrando os nós e faces dos volumes envolvidos, bem como seus respectivos símbolos e parâmetros geométricos; indicar a posição do contorno; **sem figura, não será concedido nenhum ponto a esta questão.**

- [25 pontos] Deduzir as expressões dos **coeficientes e termo fonte, para um volume real** da malha, do seguinte modelo matemático:

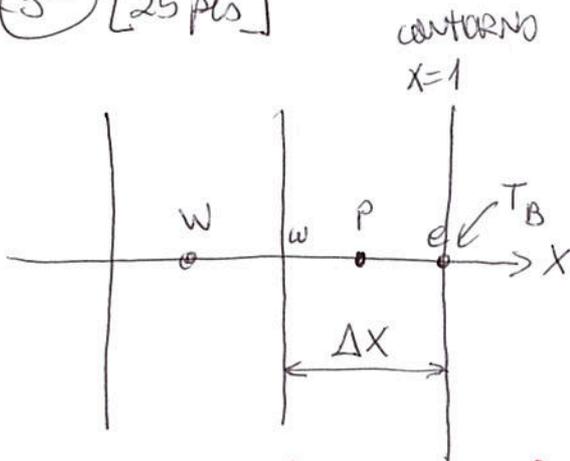
$$\frac{d^2T}{dx^2} + K = T^2C, \quad \text{onde } K \text{ e } C \text{ são constantes. Considerar a}$$

malha do tipo uniforme. Usar o esquema CDS-2 no termo difusivo e a regra do retângulo nos demais termos. Apresentar as expressões de tal forma que o coeficiente a_p seja positivo e fique no primeiro membro da equação, separado dos demais coeficientes e termo fonte. Apresentar a equação genérica do sistema, indicando o nome de cada coeficiente e sua incógnita bem como o nome do termo fonte. Apresentar uma figura mostrando os nós e faces dos volumes envolvidos, bem como seus respectivos símbolos e parâmetros geométricos; **sem figura, não será concedido nenhum ponto a esta questão.**

- [15 pontos] Apresentar um **algoritmo** adequado para resolver o problema da questão 4, considerando-se que o sistema de equações é resolvido com o método TDMA.

FAIXA	0-9	10-19	20-29	30-39	40-49	50-59	60-69	70-79	80-89	90-99	100	0 a 100
Nº de Al.	2	2	2	3	4	1	1	1	0	2	0	18
Σ	2	20	50	104	101	56	60	70	0	108	0	743

3^a [25 pts]



$$\int_{x_w}^{x_e} P_e \frac{dT}{dx} dx = \int_{x_w}^{x_e} \frac{d^2T}{dx^2} dx$$

$$(5) P_e (T_e - T_w) = \left(\frac{dT}{dx} \right)_e - \left(\frac{dT}{dx} \right)_w$$

$$(5) P_e \left[T_B - \frac{(T_p + T_w)}{2} \right] = \frac{(T_B - T_p)}{\Delta x / 2} - \frac{(T_p - T_w)}{\Delta x}$$

$$P_e T_B - \frac{P_e T_p}{2} - \frac{P_e T_w}{2} = \frac{2T_B}{\Delta x} - \frac{2T_p}{\Delta x} - \frac{T_p}{\Delta x} + \frac{T_w}{\Delta x}$$

$$\left(\frac{3}{\Delta x} - \frac{P_e}{2} \right) T_p = \left(\frac{1}{\Delta x} + \frac{P_e}{2} \right) T_w + \left(\frac{2}{\Delta x} - P_e \right) T_B$$

ou

$$a_p T_p = a_w T_w + a_e T_e + b_p \quad (3)$$

onde

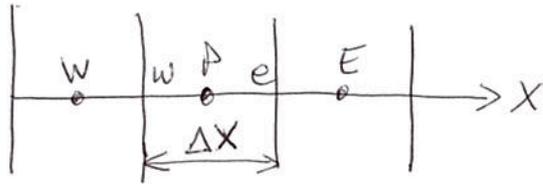
$$(3) a_w = \frac{1}{\Delta x} + \frac{P_e}{2}$$

$$(3) a_e = 0$$

$$(3) a_p = \frac{3}{\Delta x} - \frac{P_e}{2}$$

$$(3) b_p = \left(\frac{2}{\Delta x} - P_e \right) T_B$$

(4^a) [25 pts]



$$\int_{x_w}^{x_e} \left(\frac{d^2 T}{dx^2} + k \right) dx = \int_{x_w}^{x_e} T^2 C dx$$

$$\textcircled{5} \left(\frac{dT}{dx} \right)_e - \left(\frac{dT}{dx} \right)_w + k \Delta X = T_p^2 C \Delta X$$

*ΔX variável = -5
sem direção X = -5*

$$\textcircled{5} \left(\frac{T_e - T_p}{\Delta X} \right) - \left(\frac{T_p - T_w}{\Delta X} \right) + k \Delta X = T_p^2 C \Delta X$$

$$\textcircled{3} a_p T_p = a_w T_w + a_e T_e + b_p$$

$$a_w = \frac{1}{\Delta X} \quad a_e = \frac{1}{\Delta X} \quad a_p = \frac{2}{\Delta X} + T_p^2 C \Delta X \quad b_p = k \Delta X$$

(5^a) [15 pts]

- ① Ler os dados
- ② Gerar a malha (ΔX)
- ③ Estimar a solução de T_p
- ④ calcular os coeficientes e fontes
- ⑤ Resolver T_p com TDMA
- ⑥ Voltar ao item 4 até convergir
- ⑦ Pós-processamento

*• 2 pts cada passo
• sem ciclo = -8
• ciclo errado = -5*