**PROJETO – PROBLEMA 3.14 – LIVRO-TEXTO**

3.14) A Figura P3.14 mostra o corte de uma aleta retangular (seção transversal constante) de comprimento L = 0,3 m e espessura t = 0,01 m, que está discretizada com n + 1 nós equidistantes . O coeficiente de transferência de calor por convecção h é constante. A temperatura de um nó interno, , está relacionada com as temperaturas dos nós adjacentes da seguinte maneira:



onde  e p é o perímetro da seção transversal . A equação adequada para o nó  é dada por:





x





















Figura P3.14 – Corte de uma aleta retangular.

Para uma situação de convecção natural circundando a aleta, use . O material da aleta é o alumínio, portanto, apresentando . A temperatura da base é  e a temperatura do ambiente circundante é . Utilizando n = 10, monte o sistema de equações lineares para as temperaturas ao longo da aleta e obtenha a solução usando um dos métodos de solução de sistemas de equações não lineares apresentado neste capítulo. Apresente a resposta da forma de uma Tabela e de um gráfico . A solução obtida é precisa? Como seria possível verificar essa precisão em sua opinião?

**princ.f90**

! program iterativo

! programa principal para metodos iterativos

parameter (np=1000)

dimension a(np,np),x(np),b(np),d(np)

common /constants/ c1,c2,c3,c4,tb

common /sor/ w

! external func,f1

open(unit=1,file='input.txt',status='old')

open(unit=2,file='output.txt',status='unknown')

open(unit=3,file='out-read.txt',status='unknown')

open(unit=4,file='temp-x.txt',status='unknown')

!

! Leitura de dados

write(3,\*)'\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*Leitura de dados\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*'

!

read(1,\*)n,tol,maxit,w,tol\_ref,n\_inc

write(3,\*)'n= ',n,'tol=',tol,'maxit=',maxit,'w=',w,'tol\_ref=',tol\_ref,'n\_inc=',n\_inc

pi=4\*atan(1.d0)

write(3,\*)'pi= ',pi

! b=pi/2

! Exercicio 3.14 - Livro Calculo Numerico Aplicado

!

read(1,\*)rl

write(3,\*)'rl= ',rl

read(1,\*)th

write(3,\*)'th= ',th

read(1,\*)aa

write(3,\*)'aa= ',aa

read(1,\*)h

write(3,\*)'h= ',h

read(1,\*)rk

write(3,\*)'rk= ',rk

read(1,\*)tb

write(3,\*)'tb= ',tb

read(1,\*)tinf

write(3,\*)'tinf= ',tinf

!----------------------------------------------------------------------------------

write(3,\*)'--------Inicializacao da norma de temperaturas anteriores na aleta para o 1o Nr de divisoes da malha-------------'

write(3,\*)'--------Assume-se toda a aleta com temperatura igual a do ambiente-------------'

tfim\_aleta\_ant=tinf

write(3,\*)'tfim\_aleta\_ant= ',tfim\_aleta\_ant

!-------------Loop de refino de malha-----------------------

455 continue

!

! Calculo de parametros e coeficientes das equacoes

write(3,\*)'\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*\*Calculo de parametros e coeficientes das equacoes\*\*\*\*\*\*\*\*\*'

delta\_x=rl/n

write(3,\*)'delta\_x= ',delta\_x

per=2\*(aa+th)

write(3,\*)'per= ',per

ac=aa\*th

write(3,\*)'ac= ',ac

rm2=h\*per/rk/ac

write(3,\*)'rm2= ',rm2

write(3,\*)'--------coeficientes das equacoes dos nohs interiores-------------'

c1=2.d0+rm2\*delta\_x\*\*2

write(3,\*)'c1= ',c1

c2=rm2\*delta\_x\*\*2\*tinf

write(3,\*)'c2= ',c2

write(3,\*)'--------coeficientes das equacoes dos noh n+1-------------'

c3=h\*delta\_x/rk+1.d0+rm2\*delta\_x\*\*2/2

write(3,\*)'c3= ',c3

c4=h\*delta\_x/rk+rm2\*delta\_x\*\*2/2\*tinf

write(3,\*)'c4= ',c4

! stop

!

call matrix\_vector(n,np,a,b)

! Imprime matriz A e vetor b

write(3,\*)'--------Matriz A e vetor b-------------'

write(3,\*)'o vetor b(i) eh:'

write(3,\*)'b(i)=', (b(i),i=1,n)

write(3,\*)'a matriz a(i,j) eh:'

do i=1,n

write(3,\*)(a(i,j),j=1,n)

enddo

! stop

!

!-----------Solucao-------------

!

call gseidl(maxit,n,np,a,x,b,tol)

! Imprime a solucao para n divisoes na aleta'

write(3,\*)'--------Solucao para ', n,' divisoes na aleta-------------'

do i=1,n

write(2,\*)'a solucao e x(',i,')=',x(i)

write(3,\*)'a solucao e x(',i,')=',x(i)

enddo

!-------------Mesh refinement-------------

write(3,\*)'--------Refino de malha-------------'

tfim\_aleta=x(n)

write(3,\*)'--------tfim\_aleta=',tfim\_aleta

dtnorm=abs(tfim\_aleta-tfim\_aleta\_ant)/tfim\_aleta\_ant

if(dtnorm.le.tol\_ref) then

goto 300

else

tfim\_aleta\_ant=tfim\_aleta

! Initialize temperatures with zero

do i=1,n

x(i)=0.d0

enddo

! Increment nodes in the mesh

n=n+n\_inc

goto 455

endif

300 continue

xpos=0.d0

write(4,\*)xpos,tb

do i=1,n

xpos=xpos+delta\_x

write(4,\*)xpos,x(i)

enddo

close (1)

close (2)

close (3)

close (4)

call system('wgnuplot dados.gnu') ! gráfico Temperaturas versus x

stop

end

!----------------------------------

function vnorm(x,n,np)

dimension x(np)

sum=0.d0

do i=1,n

sum=sum+x(i)\*x(i)

enddo

vnorm=sqrt(sum)

return

end

**input.txt**

10 1.d-3 2000 1.d0 1.d-4 2 ! n, tol, maxit , w, tol\_ref, n\_inc

0.3d0 ! rl = comprimento da aleta (m)

0.01d0 ! th = espessura da aleta

0.1d0 ! aa = largura da seção da aleta (m)

5.d0 ! h = coeficiente de convecção natural (W m^-2 K^-1)

100.d0 ! rk = condutividade térmica do material da aleta (W m^-1 K^-1)

373.15d0 ! tb = temperatura da base da aleta (K)

298.15d0 ! tinf = temperatura do ambiente (K)

**gauss.f90**

subroutine gseidl(m,n,np,a,x,b,tol)

parameter (nmax=100)

dimension a(np,np),x(np),b(np),r(nmax)

common /sor/ w

!

!

do k=1,m

! check convergence

do i=1,n

sum=0.d0

do j=1,n

sum=sum+a(i,j)\*x(j)

enddo

r(i)=b(i)-sum

enddo

rnorm=vnorm(r,n,np)

write(2,\*)'|r| = ',rnorm

if(rnorm.le.tol) goto 300

! Gauss or SOR iteration

write(2,\*)'iteracao k = ',k

ki = k

do i=1,n

sum=0.d0

do j=1,n

if(j.ne.i) then

sum=sum+a(i,j)\*x(j)

endif

enddo

x(i)=(w\*(b(i)-sum)+(1.d0-w)\*a(i,i)\*x(i))/a(i,i)

write(2,\*) 'x(',i,')=',x(i)

enddo

enddo

write(2,\*)'nao convergiu, rnorm=',rnorm,' k= ',ki

write(\*,\*)'nao convergiu, rnorm=',rnorm,' k= ',ki

! pause

stop

300 continue

write(2,\*)'convergiu, rnorm=',rnorm,'na iteracao k=',ki

write(\*,\*)'convergiu, rnorm=',rnorm,'na iteracao k=',ki

return

end

!----------------------------------

**matrix\_vector.f90**

subroutine matrix\_vector(n,np,a,b)

!

! Calcula a matriz a e o vetor b do lado direito do sistema

!

dimension a(np,np),b(np)

common /constants/ c1,c2,c3,c4,tb

!------------------------------------------

do i=1,n-1

!--------vector element in line i

if(i.eq.1) then

b(i)=-tb-c2

else

b(i)=-c2

endif

!--------matrix elements in line i (1<=i<=n-1)

if(i.eq.1) then

a(i,i)=-c1

a(i,i+1)=1.d0

else

a(i,i-1)=1.d0

a(i,i)=-c1

a(i,i+1)=1.d0

endif

enddo

!-----------vector element in line n

b(n)=-c4

!--------matrix elements in line n

a(n,n-1)=1.d0

a(n,n)=-c3

return

end

!----------------------------------

**dados.gnu**

set data style linespoints

set grid

set xlabel 'Coordenada x'

set ylabel 'Valor da temperatura T(x)'

set title 'Distribuicao de temperatura na aleta - Exercicio 3.14 Livro-texto'

plot 'temp-x.txt'

pause -1