

8- Atrito

8.1- Características do Atrito Seco

Atrito é a força associada ao movimento tangencial relativo entre duas superfícies em contato.

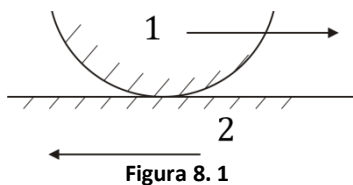


Figura 8.1

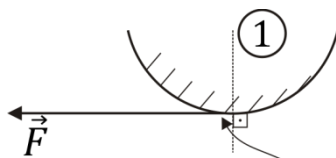
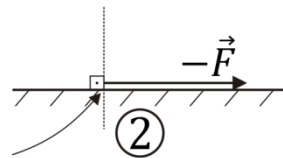


Figura 8.2



- Atrito viscoso: película de fluido
- Atrito seco (atrito de Coulomb): sem película de fluido.

Teoria do Atrito Seco:

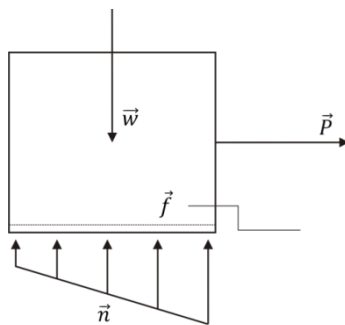


Figura 8.3

Detalhe do contato:

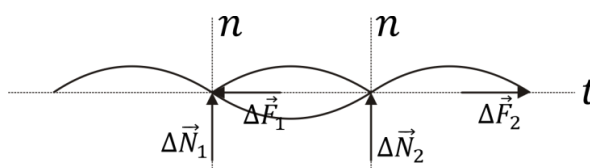


Figura 8.4

A força de atrito é:

$$1 - \vec{F} = \sum_i \Delta \vec{F} = \int_S \vec{f} ds \quad (\text{Equação 8.1})$$

A força normal é:

$$2 - \vec{N} = \sum_i \Delta \vec{N}_i = \int_S \vec{n} ds \quad (\text{Equação 8.2})$$

\mathbf{N} e \mathbf{F} são as componentes da força de contato nas direções normais (n) e tangencial (t):

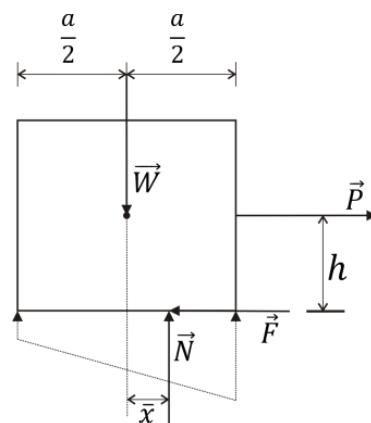


Figura 8.5

Do equilíbrio:

$$3 - M_s = W_x - P_h = 0 \rightarrow \frac{Ph}{W} = \frac{Fh}{W}, \text{ onde } P = F \quad (\text{Equação 8.3})$$

Na iminência do tombamento, o ponto "O" coincide com o vértice inferior direito e:

$$4 - \bar{x} = \frac{a}{2} \quad (\text{Equação 8.4})$$

Iminência de Movimento:

Dependendo de "h" ou das condições de atrito, pode ocorrer que o bloco deslize antes de tombar. Há uma força "P" limite que faz o bloco deslizar. Essa força é a força de atrito estática limite:

$$5 - F_e = \mu_e N \quad (\text{Equação 8.5})$$

μ_e é um adimensional chamado coeficiente de atrito estático, e N é a intensidade da força normal à superfície de contato.

Na iminência do deslocamento a resultante de contato --- é dada por:

$$6 - \vec{R}_e = \vec{F}_e \vec{N} \quad (\text{Equação 8.6})$$

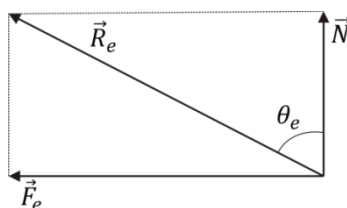


Figura 8.6

O ângulo ϕ_e é chamado de ângulo de atrito estático:

$$7 - \phi_e = \arctg\left(\frac{F_e}{N}\right) = \arctg\left(\frac{\mu_e N}{N}\right) = \arctg(\mu_e) \quad (\text{Equação 8.7})$$

- Valores de μ_e : vide tabela 8.1 do livro, p. 324

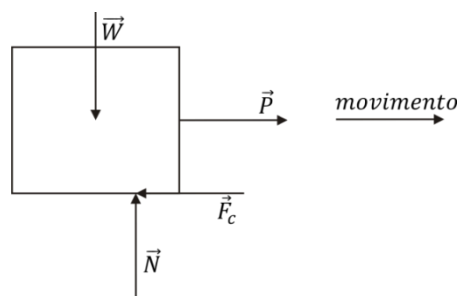
Movimento:

Figura 8.7

Neste caso a força de atrito é dada por:

$$8 - F_c = \mu_c N \quad (\text{Equação 8.8})$$

Onde μ_c é um adimensional chamado de coeficiente de atrito cinético e N é a intensidade da força normal à superfície de contato. Os coeficientes de atrito estático são menores do que os coeficientes de atrito cinético (da ordem de 25% menores).

Do diagrama de força de contato semelhante:

$$9 - \vec{R}_c = \vec{F}_c \vec{N}$$

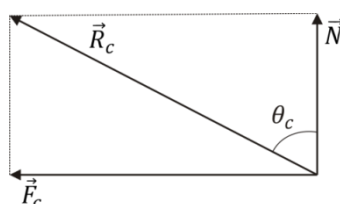


Figura 8.8

O ângulo ϕ_c é chamado de ângulo de atrito cinético:

$$10 - \phi_c = \arctg\left(\frac{F_c}{N}\right) = \arctg\left(\frac{\mu_c N}{N}\right) = \arctg(\mu_c) \quad (\text{Equação 8.9})$$

Por comparação $\phi_e \geq \phi_c$

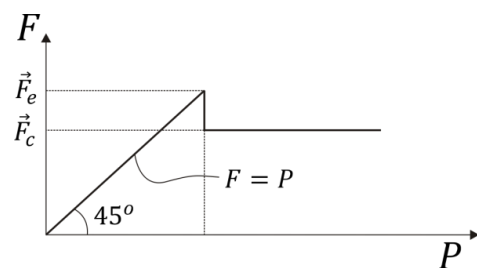
Comportamento do Gráfico $F \times P$:

Figura 8.9

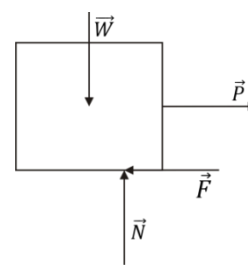


Figura 8.10

Características do Atrito Seco:

- A força de atrito é tangente a superfície de contato e se opõem ao movimento;
- \vec{F}_e independe da área de contato;
- $\vec{F}_e \geq \vec{F}_c$;
- Na iminência do deslocamento: $F_e = \mu_e N$; (Equação 8.10)

- No deslizamento: $F_c = \mu_c N$. (Equação 8.11)

8.2- Problemas Envolvendo Atrito Seco

Nos problemas envolvendo atrito seco em corpos em equilíbrio, as forças de contato entre os corpos terão além da componente normal a componente tangencial (força de atrito) como incógnitas a serem determinadas.

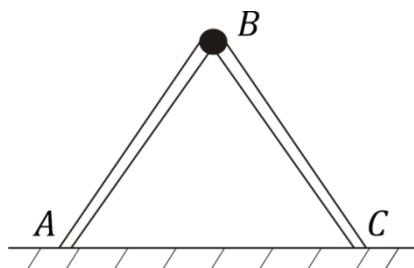


Figura 8.11

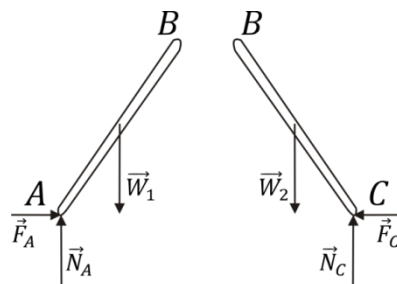


Figura 8.12

Após determinar as forças de atrito nos pontos de contato, deve-se verificar se elas verificam: $F \leq \mu_e N$; do contrário a condição de equilíbrio não é satisfeita, tem-se um problema dinâmico.

- Exemplos 8.1 – 8.6 → págs.328-334

8.3- Cunhas

A cunha é um plano inclinado que é forçado contra outros corpos para produzir algum esforço: levantar, travar.

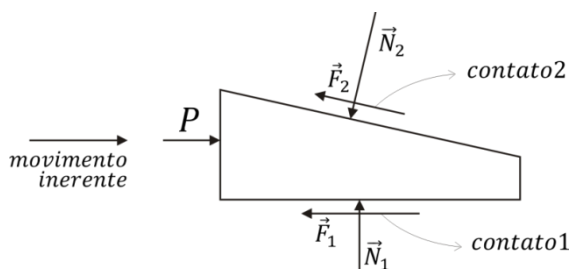


Figura 8.13

Equação do equilíbrio: $R_x = 0$
 $R_y = 0$
 \vec{M}_0 não é usado porque, a princípio, não tomba)

Equações de atrito (iminência de movimento):

$$11 - F_1 = \mu_1 N_1 \quad (\text{Equação 8.12})$$

$$12 - F_2 = \mu_2 N_2 \quad (\text{Equação 8.13})$$

- Exemplo 8.7 → págs. 349

8.4- Forças de Atrito em Parafusos

Serão considerados parafusos de rosca quadrada:

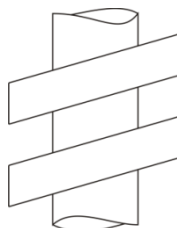


Figura 8. 14

Um parafuso pode ser considerado como um plano inclinado envolvendo um cilindro.

Numa volta, a rosca avança longitudinalmente de um valor. Este avanço é chamado de passo (l). se o parafuso tem raio “ r ”, então tem-se:

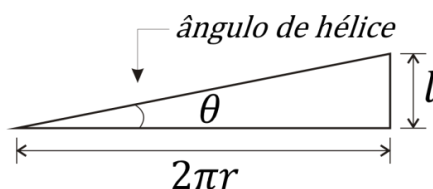


Figura 8. 15

Análise de Atrito:

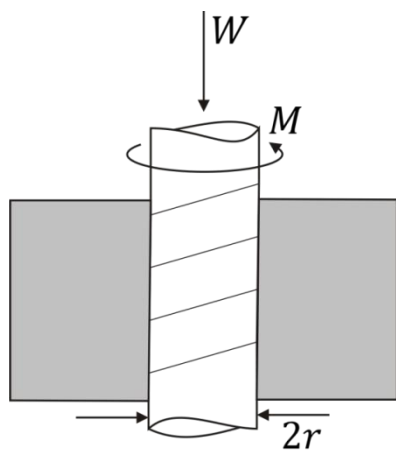


Figura 8. 16

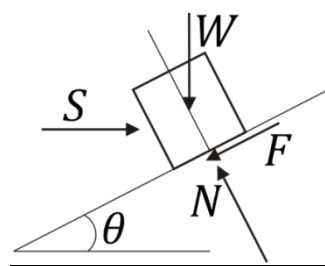


Figura 8. 17

W – carga axial sobre o parafuso

M – momento aplicado ao parafuso

S – força causada pelo momento M “empurra” o parafuso ao longo do plano inclinado.

$$M = S \cdot r$$

Movimento Ascendente do Parafuso:

Tendo em conta: $S = \frac{M}{r}$ e eliminar “ R ”:

$$13 - M = W r \tan(\theta + \phi) \quad (\text{Equação 8.14})$$

Para iminência de movimento: $\phi = \phi_e$;

Para movimento: $\phi = \phi_e$.

M é o momento para pôr em movimento ou para manter o movimento com velocidade constante.

Movimento Descendente do Parafuso:

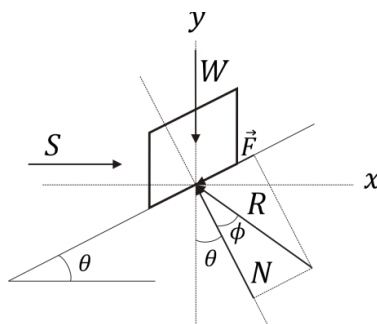


Figura 8. 18

Tendo em conta: $S = \frac{M}{r}$ e eliminar “R”:

$$14 - M = W \cdot r \cdot \tan(\varphi + \theta) \quad (\text{Equação 8.15})$$

Obs.: M inverte o sentido se $\varphi < \theta$.

Parafuso Autoblocante:

Neste caso não é necessário um momento para que o parafuso não se movimente, ou seja: $\theta = \varphi$ ou \vec{R} se torna vertical.

- Exemplo 8.8 → págs. 347.

8.5- Forças de Atrito em Correias Planas

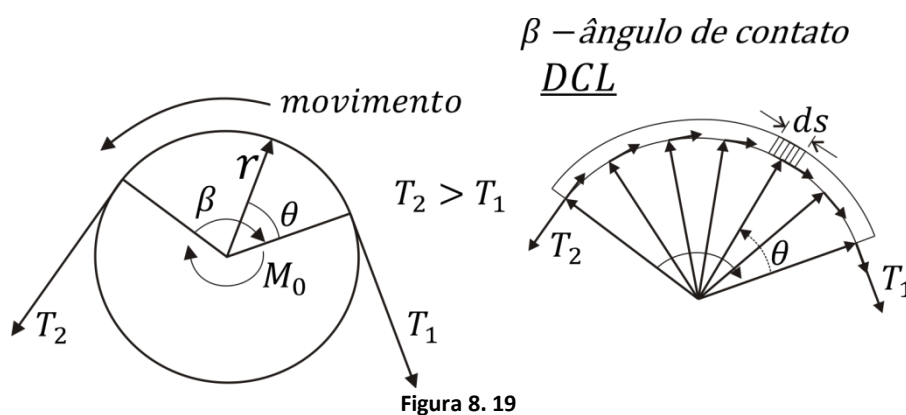


Figura 8. 19

Análise de Atrito:
 Considere o DCL do elemento “ds”:

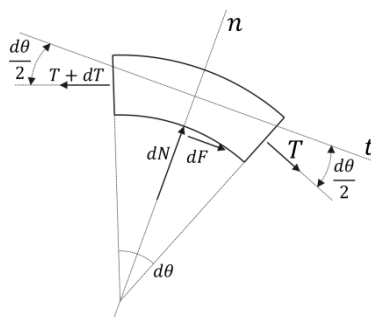


Figura 8. 20

Supondo a iminência de deslizamento: $dF = \mu dN$

Da equação de equilíbrio:

$$15 - R_t = T \cos\left(\frac{d\theta}{z}\right) + \mu \cdot dN - (T + dT) \cos\left(\frac{d\theta}{z}\right) = 0 \quad \text{(Equação 8.16)}$$

$$16 - R_x = dN - (T + dT) \sin\left(\frac{d\theta}{z}\right) - t \sin\left(\frac{d\theta}{z}\right) = 0 \quad \text{(Equação 8.17)}$$

Simplificando:

$$17 - \mu dN = dT \quad \text{(Equação 8.18)}$$

$$18 - dN = T d\theta \quad \text{(Equação 8.19)}$$

Dividindo ambas as equações acima, obtém-se:

$$19 - \frac{dT}{T} = \mu d\theta \quad \text{(Equação 8.20)}$$

Integrando ambas de uma extremidade a outra da correia em contato com a polia:

$$20 - \int_{T_1}^{T_2} \frac{dT}{T} = \mu \int_0^\beta d\theta \rightarrow \ln \frac{T_2}{T_1} = \mu \beta \quad \text{(Equação 8.21)}$$

$$21 - T_2 = T_1 e^{\mu \beta} \quad \text{(Equação 8.21)} \quad \text{Observação: equação válida para a iminência de movimento}$$