

Aluno: \_\_\_\_\_

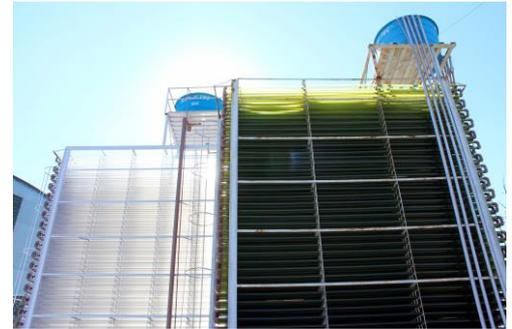
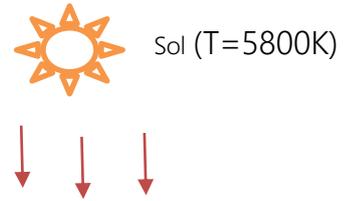
**Observações:** Entregue até o dia da prova.

**QUESTÃO 1 (VALOR 60)** Shunt são resistências elétricas padrões que se utiliza para a medição da corrente elétrica utilizando a lei de Ohm. O valor da resistência é fixo (independe da temperatura) pois são construídos com materiais especiais (manganina- liga de CuMnNi –  $\rho=8,4\text{g/cm}^3$ ,  $k=22\text{W/(mK)}$  e  $c_p=0,410\text{kJ/(kgK)}$ ) e se mede a tensão em cima do elemento. Para o shunt da figura, constituído de 3 placas de que fornece uma leitura de 100mV para uma corrente de 300A. Suas dimensões são de 50mm de comprimento, 1 mm de espessura e 25 mm de largura. Este dispositivo está sendo utilizado para medir corrente em uma condição que pode ser considerado  $T_\infty = 20^\circ\text{C}$  e  $h=10\text{W/(m}^2\text{K)}$ . Estime:



- a) (15) Para uma condição que este elemento está dissipando uma potência produzida por uma corrente de 300A para uma leitura de tensão de 100mV, desconsiderando a influência da radiação, obtenha a temperatura de regime permanente deste elemento, desconsiderando a transferência de calor por condução para as extremidades.
- b) (25) Considerando a transferência de calor para as extremidades do shunt e que são mantidas a  $T_b = 20^\circ\text{C}$  e assumindo geometria unidimensional, resolva pelo método dos balanços o problema acima – Regime Permanente, calculando 4 temperaturas ao longo do shunt. Use simetria. Determine o fluxo de calor junto as extremidades do shunt e no centro.
- c) (20) Determine o transiente térmico deste elemento explicitando a curva de temperatura em função do tempo. Analise se a hipótese da capacitância global é válida.

**QUESTÃO 2 (VALOR 40)** Atualmente está sendo estudado a viabilidade técnica e econômica do uso de microalgas para a produção de biocombustíveis. Elas se reproduzem rapidamente gerando um grande volume de biomassa e podem ainda ser utilizadas para purificar a água de efluentes. Uma das maneiras possíveis de se produzir as microalgas é utilizando fotobiorreatores como os mostrados na figura ao lado, que resumidamente são cilindros de material transparentes que permitem a luz passar onde há água com matéria orgânica que permite a proliferação das algas. Para um fotobiorreator onde a água não está circulando e que possui um diâmetro do tubo de 100mm e uma transmissividade espectral constante de 0,9 entre 0 e 4 $\mu$ m e nula fora desta faixa. Nesta configuração considere que 100% da energia que passou pelo tubo será absorvido pelas microalgas. Determine:



- (5) A transmissividade média para a radiação solar;
- (10) A temperatura de equilíbrio do biorreator se ele for considerado isotérmico e com um comprimento muito grande, sendo que a incidência solar é de 700W/m<sup>2</sup>. A temperatura externa é 30°C e o coeficiente de convecção pode ser considerado vento transversal com valor de 20W/(m<sup>2</sup>K). Desconsidere a espessura do vidro e a emissão em onda longa nesta primeira aproximação.
- (5) As microalgas irão também emitir radiação, para a temperatura calculada no item anterior, qual será a transmissividade média do tubo.
- d)

(Dados: Ar:  $\rho = 1,1614 \text{ kg/m}^3$ ,  $c_p = 1007 \text{ J/(kg.K)}$ ,  $\alpha = 22,5 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$ ,  $\nu = 17,4 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$   
 Ar-Água:  $D_{AB} = 0,26 \times 10^{-4} \text{ m}^2/\text{s}$  Vapor  $\rho_{A,s} = 0,03362 \text{ kg/m}^3$ ,  $h_{lv} = 2,426 \cdot 10^6 \text{ J/kg}$   
 Água:  $\rho = 998 \text{ kg/m}^3$ ,  $c_p = 4,181 \text{ kJ/(kg K)}$ ,  $\mu = 959 \cdot 10^{-6} \text{ N s/m}^2$ ,  $k = 0,606 \text{ W/(mK)}$ ,  $Pr = 6,62$ .)

---

**Formulário:** PV=MRT     $\delta W = PdV$      $\gamma = c_p/c_v$ ,  $c_p - c_v = R$      $\delta Q - \delta W = dU$      $du = c_v dT$

$q_{rad} = \epsilon A \sigma (T_1^4 - T_2^4)$ ,  $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ W/(m}^2 \cdot \text{K}^4)$      $q_{latente} = \dot{m} h$      $q_{sensível} = mc_p \frac{dT}{dt}$      $q_{cond} = kA \frac{(T_a - T_b)}{L}$

$q_{conv} = hA(T_s - T_\infty)$      $q'' = -k \frac{\partial T}{\partial n}$     Expansão de Taylor     $f_{x+dx} = f_x + \frac{df}{dx} dx$

Coef. global em paralelo:  $\frac{1}{R_{total}} = \frac{1}{R_r} + \frac{1}{R_{conv}}$ ;  $h_r = \epsilon \sigma (T + T_{viz})(T^2 + T_{viz}^2)$

Balço de Energia:  $\dot{E}_e - \dot{E}_s + \dot{E}_g = \dot{E}_{ac} = \rho V c \frac{dT}{dt}$

Coordenadas cartesianas:  
 $\frac{\partial}{\partial x} \left( k \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( k \frac{\partial T}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( k \frac{\partial T}{\partial z} \right) + \dot{q} = \rho c_p \frac{\partial T}{\partial t}$

Coordenadas cilíndricas:

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( kr \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial \phi} \left( k \frac{\partial T}{\partial \phi} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( k \frac{\partial T}{\partial z} \right) + \dot{q} = \rho \cdot c_p \frac{\partial T}{\partial t}$$

Coordenadas esféricas:

$$\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( kr^2 \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial}{\partial \phi} \left( k \frac{\partial T}{\partial \phi} \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( k \sin \theta \frac{\partial T}{\partial \theta} \right) + \dot{q} = \rho \cdot c_p \frac{\partial T}{\partial t}$$