

Aluno: \_\_\_\_\_

**Observações:** (a) A interpretação das questões faz parte da avaliação;  
(b) Todos os cálculos devem ser demonstrados, sob pena de anulação da questão;  
(c) Calculadora com **tela gráfica** não é permitida;

**QUESTÃO 1 (VALOR 35)** Um gabinete refrigerado para aplicação alimentar é construído com paredes de isolante térmico,  $k=0,06 \text{ Wm}^{-1}\text{K}^{-1}$ , com espessura,  $L$ , injetado entre duas placas de metal de espessura de 3 mm ( $k=30 \text{ Wm}^{-1}\text{K}^{-1}$ ). No lado interno a temperatura é mantida a  $-20^\circ\text{C}$  com um coeficiente médio de convecção de  $h_i=4 \text{ Wm}^{-2}\text{K}^{-1}$  e o lado externo a  $25^\circ\text{C}$  e um coeficiente médio de convecção de  $h_e=15 \text{ Wm}^{-2}\text{K}^{-1}$ . Observa-se que quando a temperatura da parede externa atinge  $18^\circ\text{C}$  ocorre o fenômeno da sudação que é a condensação na superfície. Considere uma área total de troca térmica do gabinete de  $10 \text{ m}^2$ . Determine:

- (10 pontos) a espessura mínima de isolante para evitar a sudação neste produto. Nesta aproximação, desconsidere os efeitos das trocas radiativas. Nesta condição, quanto é a taxa total de calor transferida?
- (10 pontos) a espessura mínima de isolante para evitar a sudação neste produto se considerar a radiação na parte externa, considerando  $T_{\text{inf}}=T_{\text{viz}}$  e a emissividade média igual 0,8. Nesta condição, quanto é a taxa total de calor transferida?
- (15 pontos) uma maneira de se evitar sudação é instalar elementos aquecedores entre a placa metálica externa e o isolante térmico. Para as mesmas condições do item a (desconsiderando a radiação) e mesma espessura de isolante, determine a taxa total de calor transferida e a taxa de calor transferida internamente ao gabinete. Percentualmente, quanto será o aumento da capacidade de refrigeração do sistema a ser utilizado.

### QUESTÃO 2 (VALOR 35)

Telhados verdes ou *ecotelhados* estão sendo cada vez mais empregados de maneira a reduzir a carga térmica do edifício pela irradiação solar. O balanço de energia exige também o conhecimento dos processos de transferência de energia nos vegetais e no solo.

Como uma primeira aproximação, considere o telhado de uma edificação horizontal de dimensões 8 m de largura e 15 m de comprimento. Suponha ar seco escoando a com um coeficiente de convecção médio de  $h_e=20 \text{ W/(m}^2 \text{ K)}$  a uma temperatura de  $40^\circ\text{C}=T_\infty=T_{\text{viz}}$ . Considere uma incidência solar de  $G''=600 \text{ W/m}^2$  ( $\alpha=1$ ) e a emissividade da superfície (grama) de 0,8. Assuma, conforme figura abaixo:

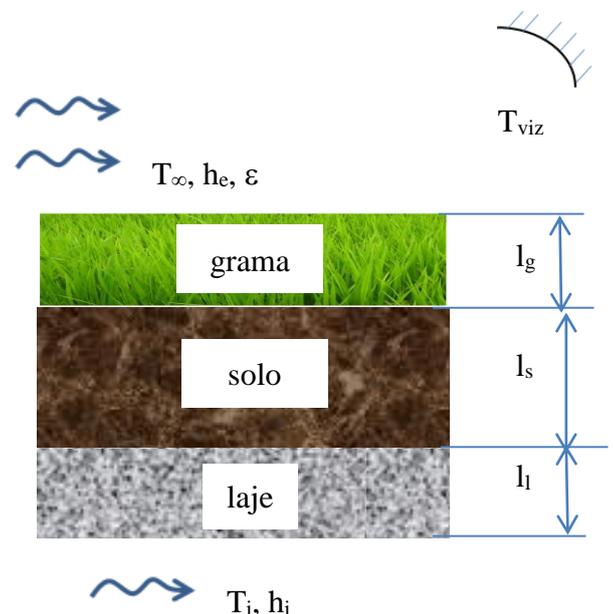
Espessura da grama,  $l_g = 10 \text{ mm}$

$k_g$  (condutividade equivalente do conjunto ar grama) =  $0,1 \text{ W/(m K)}$

Espessura da camada do solo,  $l_s = 200 \text{ mm}$

$k_t$  (condutividade térmica do solo) =  $2 \text{ W/(m K)}$

Espessura da laje,  $l_l = 150 \text{ mm}$



$k_l$  (condutividade térmica da laje) = 2 W/ (m K)

coeficiente de convecção médio interno de  $h_i = 20 \text{ W}/(\text{m}^2 \text{ K})$

Temperatura do ar interno,  $T_i = 25^\circ\text{C}$ . Desconsiderar as trocas radiativas internas.

a) (15 pontos) Obtenha a taxa de transferência de calor pela cobertura considerando inicialmente que não há nem a grama nem o solo na cobertura (apenas a laje de concreto). Assuma a emissividade da laje como sendo também 0,8.

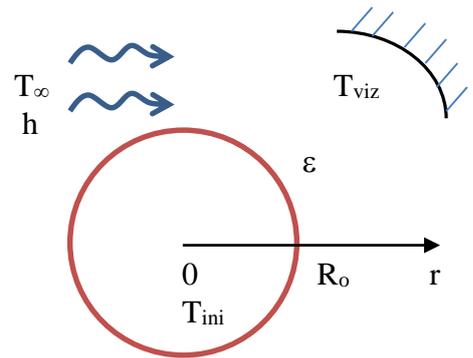
b) (10 pontos) Obtenha a taxa de transferência de calor pela cobertura considerando as três camada de materiais.

c) (10 pontos) Obtenha a taxa de transferência de calor pela cobertura considerando as três camada de materiais e que ainda a grama possui uma taxa de evaporação de 1 litro/(dia  $\text{m}^2$ ).

Água  $v_l = 0,001001 \text{ m}^3/\text{kg}$ ;  $h_{lv} = 2438 \text{ kJ}/\text{kg}$

### QUESTÃO 3 (VALOR 30)

Para a esfera metálica ilustrada na figura ao lado, inicialmente a temperatura,  $T_{ini}$ , inserida em um ambiente a  $T_\infty$  e temperatura da vizinhança,  $T_{viz}$ . Apresente, sem resolver a equação:



a) (15 pontos) A equação diferencial simplificada que melhor representa este problema. A partir da equação completa, fornecida no formulário, explique o motivo pelo qual cada termo está sendo desconsiderado.

b) (15 pontos) As condições de contorno que deveriam ser usadas para resolver este problema.

**Formulário:**  $PV=MRT$      $\delta W=PdV$      $\gamma = c_p/c_v$      $c_p - c_v = R$      $\delta Q - \delta W = dU$      $du = c_v dT$

$$q_{rad} = \varepsilon A \sigma (T_1^4 - T_2^4), \quad \sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ W}/(\text{m}^2 \cdot \text{K}^4) \quad q_{latente} = \dot{m}h \quad q_{sensível} = mc_p \frac{dT}{dt} \quad q_{cond} = kA \frac{(T_a - T_b)}{L}$$

$$q_{conv} = hA(T_s - T_\infty) \quad q'' = -k \frac{\partial T}{\partial n} \quad \text{Expansão de Taylor} \quad f_{x+dx} = f_x + \frac{df}{dx} dx$$

$$\text{Coef. global em paralelo: } \frac{1}{R_{total}} = \frac{1}{R_r} + \frac{1}{R_{conv}}; \quad h_r = \varepsilon \sigma (T + T_{viz})(T^2 + T_{viz}^2)$$

$$\text{Balanço de Energia: } \dot{E}_e - \dot{E}_s + \dot{E}_g = \dot{E}_{ac} = \rho V c \frac{dT}{dt}$$

Coordenadas cartesianas:

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( k \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( k \frac{\partial T}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( k \frac{\partial T}{\partial z} \right) + \dot{q} = \rho c_p \frac{\partial T}{\partial t}$$

Coordenadas cilíndricas:

$$\frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( kr \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial \phi} \left( k \frac{\partial T}{\partial \phi} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( k \frac{\partial T}{\partial z} \right) + \dot{q} = \rho \cdot c_p \frac{\partial T}{\partial t}$$

Coordenadas esféricas:

$$\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( kr^2 \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} \frac{\partial}{\partial \phi} \left( k \frac{\partial T}{\partial \phi} \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( k \sin \theta \frac{\partial T}{\partial \theta} \right) + \dot{q} = \rho \cdot c_p \frac{\partial T}{\partial t}$$