Relatório 4b - versão 2: Otimização do Código Mach2D - Verificação

Jonas Joacir Radtke

4 de dezembro de 2012

1 Objetivo Geral

Verificação da solução numérica obtida pelo código Mach2D. Para tanto, foi utilizado o código sem efeito Δt e otimizado pelo Diego na etapa 3. Como critério de parada foi estabalecido que o resíduo deve permanecer abaixo da tolerância (10^{-15}) por no mínimo 100 iterações consecutivas.

2 Caracterização do Computador e do Compilador

Configuraçã	to dos computadores	utilizados nas simulações
Hardware	Processador	Intel(R) Core(TM) i5-2310
	Frequência [GHz]	2,90
	Arquitetura [bits]	64
	Memória RAM [GB]	8,0
Software	Sistema operacional	Linux
	Descrição	Ubuntu 12.04 LTS
	Kernel	3.2.0-23-generic
	Compilador	GFortran
	Versão	4.6.3

Tabela 1: Configuração dos computadores utilizados nas simulações numéricas.

3 Dados de Entrada Fixos no Mach2D

Descrição	Variável	Valor
Kind of grid (1=uniform; 2=Geometric Progression, 3=power law)	kg	1
Coordinate system (1=cylindrical; else cartesian)	coord	1
Perfect gas constant $[J/(kg \cdot K)]$	Rg	286.9
Specific heat ratio (Cpo/Cvo in the chamber)	gamma	1.4
Stagnation pressure in the chamber $[Pa]$	po	$1.0E{+}06$
Stagnation temperature in the chamber $[K]$	T0	300
Atmospheric pressure at the sea level $[Pa]$	pr	101325
Gravitational acceleration at the sea level $[m/s^2]$	go	9.80665
Viscosity model (0=Euler; 1=Navier-Stokes)	modvis	0
Constant of the UDS/CDS mixing scheme	β	0
Turbulence model option (0=laminar; 1=Baldwin-Lomax)	modtur	0
Boundary condiction (0=adiabatic; 1=prescribed temperature)	ccTw	0
Parada com base no valor do resíduo	tolerance	1.0E-15
Upload backup data and continue computation $(0=no; 1=yes)$	reload	0
Frequency of saving backup data	wbkp	50000
Frequency of printing in the listing file	wlf	1
Open result files $(1=no; 0=yes)$	sem_a	1
Visualize the plot $(0=yes; 1=no)$	sem_g	1
Frequency of writing data for graphics	w_g	1
Write the fields (1=yes; 0=no)	w_cam	1

Tabela 2: Parâmetros utilizados no arquivo de entrada de dados do Mach2D.

Tabela 3: Tempo de CPU para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual <u>a 2.</u>

Simulation	n_x	n_y	Δt	it	t_{cpu}
VevR020002	4	4	5.0E-05	15000	5.000000E-01
VevR020004	6	6	5.0E-05	1326	6.900000E-02
VevR020008	10	10	5.0E-05	810	1.210000E-01
VevR020016	18	18	5.0E-05	752	2.710000E-01
VevR020032	34	34	5.0E-05	758	8.440000E-01
VevR020064	66	66	5.0E-05	750	3.032000E + 00
VevR020128	130	130	2.0E-05	1594	2.922300E + 01
VevR020256	258	258	2.0E-05	1515	1.184650E + 02
VevR020512	514	514	1.0E-05	2853	1.078319E + 03
VevR021024	1026	1026	5.0E-06	5436	7.475341E + 03

		>	/ 1	1		0 (@)
n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	1.57481188E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	1.29555583E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.12820685E + 00	0.73873	-2.50258413E - 01	7.50775238E - 01
16	16	0.06250000	1.06584894E + 00	1.42422	-3.70365613E - 02	1.11109684E - 01
32	32	0.03125000	1.03373621E + 00	0.95743	-3.40955785E - 02	1.02286735E - 01
64	64	0.01562500	1.01694933E + 00	0.93581	-1.83872146E - 02	5.51616439E - 02
128	128	0.00781250	1.00846281E + 00	0.98409	-8.67684365E - 03	2.60305309E - 02
256	256	0.00390625	1.00420606E + 00	0.99542	-4.28391908E - 03	1.28517572E - 02
512	512	0.00195313	1.00207770E + 00	1.00001	-2.12833164E - 03	6.38499493E - 03
1024	1024	0.00097656	1.00101467E + 00	1.00156	-1.06072550E - 03	3.18217650E - 03

Tabela 4: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para o coeficiente de descarga (C_d) .

Tabela 5: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para a eficiência do empuxo dinâmico (F_d^*) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	1.02779265E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	9.10658058E - 01	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	9.41011798E - 01			
16	16	0.06250000	9.69042264E - 01	0.11488	3.38189729E - 01	1.01456919E + 00
32	32	0.03125000	9.83337110E - 01	0.97150	1.48768397E - 02	4.46305192E - 02
64	64	0.01562500	9.90693397E - 01	0.95845	7.79916542E - 03	2.33974963E - 02
128	128	0.00781250	9.94550251E - 01	0.93155	4.25077872E - 03	1.27523362E - 02
256	256	0.00390625	9.96542445E - 01	0.95307	2.12845253E - 03	6.38535759E - 03
512	512	0.00195313	9.97559777E - 01	0.96957	1.06165171E - 03	3.18495512E - 03
1024	1024	0.00097656	9.98075350E - 01	0.98054	5.29766747E - 04	1.58930024E - 03

Tabela 6: Tempo de CPU para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual a <u>4</u>.

Simulation	n_x	n_y	Δt	it	t_{cpu}
VevR040002	4	4	5.0E-05	1800	1.810000E-01
VevR040004	6	6	5.0E-05	1264	1.900000E-01
VevR040008	10	10	5.0E-05	929	1.470000E-01
VevR040016	18	18	5.0 E- 05	739	2.630000E-01
VevR040032	34	34	5.0E-05	745	8.280000E-01
VevR040064	66	66	5.0E-05	742	2.999000E + 00
VevR040128	130	130	5.0E-05	730	1.325100E + 01
VevR040256	258	258	2.0E-05	1625	1.378670E + 02
VevR040512	514	514	2.0E-05	1624	6.145770E + 02
VevR041024	1026	1026	1.0E-05	3071	4.211701E + 03
VevR042048	2050	2050	5.0E-06	7358	4.222258E + 04

Simulation	n_x	n_y	h	C_d	F_d^*		
VevR040002	4	4	0.500000000000	1.83703420825094E + 00	8.12379916281843E-01		
VevR040004	6	6	0.250000000000	1.36458503464409E + 00	9.19165306409413E-01		
VevR040008	10	10	0.125000000000	1.17740651217117E + 00	9.53384240238566E-01		
VevR040016	18	18	0.062500000000	1.09628237959973E + 00	9.75638813386213E-01		
VevR040032	34	34	0.031250000000	1.04919221870883E + 00	9.83927912858419E-01		
VevR040064	66	66	0.015625000000	1.02486862407280E + 00	9.88391646587597 E-01		
VevR040128	130	130	0.007812500000	1.01249062640804E + 00	9.90734076392142E-01		
VevR040256	258	258	0.003906250000	1.00624166212163E + 00	9.91936634280976E-01		
VevR040512	514	514	0.001953125000	$1.00310105579938E{+}00$	9.92546273213490E-01		
VevR041024	1026	1026	0.000976562500	1.00152644182197E + 00	9.92853257626393E-01		
VevR042048	2050	2050	0.000488281250	1.00073798033467E+00	9.93007311450127E-01		

Tabela 7: Solução númerica do coeficiente de descarga (C_d) e do coeficiente de eficiência (F_d^*) para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual a 4.

Tabela 8: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para o coeficiente de descarga (C_d) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	1.83703421E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	1.36458503E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.17740651E + 00	1.33574	-1.22815996E - 01	3.68447989E - 01
16	16	0.06250000	1.09628238E + 00	1.20621	-6.20542430E - 02	1.86162729E - 01
32	32	0.03125000	1.04919222E + 00	0.78471	-6.51549949E - 02	1.95464985E - 01
64	64	0.01562500	1.02486862E + 00	0.95307	-2.59871098E - 02	7.79613293E - 02
128	128	0.00781250	1.01249063E + 00	0.97458	-1.28260502E - 02	3.84781505E - 02
256	256	0.00390625	1.00624166E + 00	0.98609	-6.37124196E - 03	1.91137259E - 02
512	512	0.00195313	1.00310106E + 00	0.99257	-3.17318925E - 03	9.51956774E - 03
1024	1024	0.00097656	1.00152644E + 00	0.99604	-1.58328308E - 03	4.74984923E - 03
2048	2048	0.00048828	1.00073798E + 00	0.99789	-7.90777266E - 04	2.37233180E - 03

Tabela 9: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para a eficiência do empuxo dinâmico (F_d^*) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	8.12379916E - 01	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	9.19165306E - 01	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	9.53384240E - 01	1.64185	1.61360426E - 02	4.84081279E - 02
16	16	0.06250000	9.75638813E - 01	0.62069	4.13951100E - 02	1.24185330E - 01
32	32	0.03125000	9.83927913E - 01	1.42481	4.91993123E - 03	1.47597937E - 02
64	64	0.01562500	9.88391647E - 01	0.89296	5.20863105E - 03	1.56258932E - 02
128	128	0.00781250	9.90734076E - 01	0.93025	2.58660597E - 03	7.75981790E - 03
256	256	0.00390625	9.91936634E - 01	0.96190	1.26869121E - 03	3.80607362E - 03
512	512	0.00195313	9.92546273E - 01	0.98008	6.26830402E - 04	1.88049121E - 03
1024	1024	0.00097656	9.92853258E - 01	0.98979	3.11376251E - 04	9.34128754E - 04
2048	2048	0.00048828	9.93007311E - 01	0.99473	1.55185308E - 04	4.65555924E - 04

Tabela 10: Tempo de CPU para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual <u>a 8.</u>

Simulation	n_x	n_y	Δt	it	t_{cpu}
VevR080002	4	4	5.0E-05	3300	2.400000E-01
VevR080004	6	6	5.0E-05	2340	1.720000E-01
VevR080008	10	10	5.0E-05	1638	2.130000E-01
VevR080016	18	18	5.0E-05	974	3.380000E-01
VevR080032	34	34	5.0E-05	852	9.530000E-01
VevR080064	66	66	5.0E-05	849	3.424000E + 00
VevR080128	130	130	5.0E-05	846	$1.531600E{+}01$
VevR080256	258	258	5.0E-05	844	$6.655400 \text{E}{+}01$
VevR080512	514	514	2.0E-05	1988	8.337400E + 02
VevR081024	1026	1026	1.0E-05	3856	5.472278E + 03
VevR082048	2050	2050	5.0E-06	11729	6.803984E+04

Tabela 11: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para o coeficiente de descarga (C_d) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	1.78954675E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	1.45793842E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.25127986E + 00	0.68223	-3.41799443E - 01	1.02539833E + 00
16	16	0.06250000	1.12995652E + 00	0.76839	-1.72488598E - 01	5.17465793E - 01
32	32	0.03125000	1.06569395E + 00	0.91681	-7.23733385E - 02	2.17120016E - 01
64	64	0.01562500	1.03324361E + 00	0.98575	-3.31012392E - 02	9.93037177E - 02
128	128	0.00781250	1.01673483E + 00	0.97500	-1.70961927E - 02	5.12885782E - 02
256	256	0.00390625	1.00837839E + 00	0.98227	-8.56563514E - 03	2.56969054E - 02
512	512	0.00195312	1.00416997E + 00	0.98961	-4.26970712E - 03	1.28091214E - 02
1024	1024	0.00097656	1.00205743E + 00	0.99430	-2.12933749E - 03	6.38801246E - 03
2048	2048	0.00048828	1.00099892E + 00	0.99695	-1.06298914E - 03	3.18896742E - 03

Tabela 12: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para a eficiência do empuxo dinâmico (F_d^*) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	7.96931237E - 01	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	9.74115188E - 01	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	9.87003947E - 01	3.78106	1.01110754E - 03	3.03332262E - 03
16	16	0.06250000	9.82883469E - 01			
32	32	0.03125000	9.81187050E - 01	1.28032	-1.18719878E - 03	3.56159635E - 03
64	64	0.01562500	9.80965417E - 01	2.93625	-3.33072571E - 05	9.99217714E - 05
128	128	0.00781250	9.80842205E - 01	0.84703	-1.54247733E - 04	4.62743198E - 04
256	256	0.00390625	9.80750669E - 01	0.42874	-2.64511167E - 04	7.93533502E - 04
512	512	0.00195312	9.80693598E - 01	0.68156	-9.45102604E - 05	2.83530781E - 04
1024	1024	0.00097656	9.80661699E - 01	0.83927	-4.04217211E - 05	1.21265163E - 04
2048	2048	0.00048828	9.80644824E - 01	0.91863	-1.89536389E - 05	5.68609166E - 05

Tabela 13: Tempo de CPU para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual a 16.

Simulation	n_x	n_y	Δt	it	t_{cpu}
VevR160002	4	4	5.0E-05	5600	1.920000E-01
VevR160004	6	6	5.0E-05	3801	1.870000E-01
VevR160008	10	10	5.0E-05	2737	2.750000E-01
VevR160016	18	18	5.0E-05	1788	5.290000E-01
VevR160032	34	34	5.0 E- 05	1232	1.280000E + 00
VevR160064	66	66	5.0E-05	1091	4.405000E + 00
VevR160128	130	130	5.0 E- 05	1079	$1.995700E{+}01$
VevR160256	258	258	5.0 E- 05	1080	$8.497500E{+}01$
VevR160512	514	514	5.0E-05	1170	4.069220E + 02
VevR161024	1026	1026	2.0E-05	2676	4.091314E + 03
VevR162048	2050	2050	1.0E-05	6655	3.705551E + 04

Tabela 14: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para o coeficiente de descarga (C_d) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	1.67315675E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	1.57909186E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.34167283E + 00			
16	16	0.06250000	1.16715095E + 00	0.44403	-4.84248946E - 01	1.45274684E + 00
32	32	0.03125000	1.08358861E + 00	1.06248	-7.67667392E - 02	2.30300217E - 01
64	64	0.01562500	1.04226904E + 00	1.01603	-4.04165234E - 02	1.21249570E - 01
128	128	0.00781250	1.02129756E + 00	0.97840	-2.16139907E - 02	6.48419722E - 02
256	256	0.00390625	1.01066837E + 00	0.98040	-1.09240453E - 02	3.27721358E - 02
512	512	0.00195313	1.00530935E + 00	0.98799	-5.44935684E - 03	1.63480705E - 02
1024	1024	0.00097656	1.00261752E + 00	0.99338	-2.71668704E - 03	8.15006113E - 03
2048	2048	0.00048828	1.00126834E + 00	0.99650	-1.35575864E - 03	4.06727592E - 03

Tabela 15: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para a eficiência do empuxo dinâmico (F_d^*) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	8.90357581E - 01	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	1.05764175E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.02690852E + 00			
16	16	0.06250000	9.85093813E - 01			
32	32	0.03125000	9.71337329E - 01	1.60390	-6.74457779E - 03	2.02337334E - 02
64	64	0.01562500	9.65596066E - 01	1.26067	-4.11243804E - 03	1.23373141E - 02
128	128	0.00781250	9.62586962E - 01	0.93203	-3.31412008E - 03	9.94236024E - 03
256	256	0.00390625	9.60981205E - 01	0.90608	-1.83736062E - 03	5.51208187E - 03
512	512	0.00195313	9.60144464E - 01	0.94040	-9.10431854E - 04	2.73129556E - 03
1024	1024	0.00097656	9.59716477E - 01	0.96722	-4.48123205E - 04	1.34436962E - 03
2048	2048	0.00048828	9.59499897E - 01	0.98266	-2.21881860E - 04	6.65645581E - 04

Tabela 16: Tempo de CPU para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual <u>a 32.</u>

Simulation	n_x	n_y	Δt	it	t_{cpu}
VevR320002	4	4	5.0E-05	7500	3.810000E-01
VevR320004	6	6	5.0E-05	3971	2.560000E-01
VevR320008	10	10	5.0E-05	4234	4.620000E-01
VevR320016	18	18	5.0E-05	3362	1.029000E + 00
VevR320032	34	34	5.0 E- 05	2648	2.792000E + 00
VevR320064	66	66	5.0E-05	2218	8.745000E + 00
VevR320128	130	130	5.0 E- 05	1871	$3.363900E{+}01$
VevR320256	258	258	2.0E-05	3735	3.356930E + 02
VevR320512	514	514	1.0E-05	7455	2.873240E + 03
VevR321024	1026	1026	5.0 E-06	16415	2.355357E + 04
VevR322048	2050	2050	3.0E-06	35145	1.971796E + 05

Tabela 17: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para o coeficiente de descarga (C_d) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	2	0.50000000	1.59784340E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	4	0.25000000	1.71184028E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.44368598E + 00			
16	16	0.06250000	1.20932889E + 00	0.19435	-1.62508220E + 00	4.87524659E + 00
32	32	0.03125000	1.10344521E + 00	1.14623	-8.72659612E - 02	2.61797884E - 01
64	64	0.01562500	1.05220722E + 00	1.04719	-4.80427819E - 02	1.44128346E - 01
128	128	0.00781250	1.02631153E + 00	0.98450	-2.64611770E - 02	7.93835310E - 02
256	256	0.00390625	1.01317594E + 00	0.97923	-1.35221222E - 02	4.05663666E - 02
512	512	0.00195312	1.00654642E + 00	0.98651	-6.75529592E - 03	2.02658877E - 02
1024	1024	0.00097656	1.00321433E + 00	0.99248	-3.36712325E - 03	1.01013697E - 02
2048	2048	0.00048828	1.00154362E + 00	0.99596	-1.68010877E - 03	5.04032631E - 03

Tabela 18: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para a eficiência do empuxo dinâmico (F_d^*) .

n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
2	0.50000000	1.07758955E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
4	0.25000000	1.15293295E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	0.12500000	1.06450962E + 00			
16	0.06250000	9.81723057E - 01	0.09503	-1.21587558E + 00	3.64762673E + 00
32	0.03125000	9.54869844E - 01	1.62430	-1.28920419E - 02	3.86761256E - 02
64	0.01562500	9.43541626E - 01	1.24517	-8.26592910E - 03	2.47977873E - 02
128	0.00781250	9.37702693E - 01	0.95614	-6.21085508E - 03	1.86325652E - 02
256	0.00390625	9.34626057E - 01	0.92435	-3.42674355E - 03	1.02802307E - 02
512	0.00195312	9.33035706E - 01	0.95201	-1.70170259E - 03	5.10510778E - 03
1024	0.00097656	9.32226262E - 01	0.97434	-8.39025817E - 04	2.51707745E - 03
2048	0.00048828	9.31817806E - 01	0.98675	-4.16062796E - 04	1.24818839E - 03
-	$\begin{array}{r} \hline n_y \\ \hline 2 \\ 4 \\ 8 \\ 16 \\ 32 \\ 64 \\ 128 \\ 256 \\ 512 \\ 1024 \\ 2048 \\ \end{array}$	$\begin{array}{c cccc} n_y & h \\ \hline 2 & 0.5000000 \\ 4 & 0.2500000 \\ 8 & 0.1250000 \\ 16 & 0.0625000 \\ 32 & 0.0312500 \\ 64 & 0.0156250 \\ 128 & 0.0078125 \\ 256 & 0.00390625 \\ 512 & 0.00195312 \\ 1024 & 0.00097656 \\ 2048 & 0.00048828 \\ \end{array}$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $

Tabela 19: Tempo de CPU para as diferentes malhas consideradas para a tubeira de razão de expansão igual <u>a 64.</u>

Simulation	n_x	n_y	Δt	it	t_{cpu}
VevR640004	6	6	5.0E-05	5321	3.220000E-01
VevR640008	10	10	5.0E-05	7119	7.540000E-01
VevR640016	18	18	5.0E-05	7268	2.219000E + 00
VevR640032	34	34	5.0E-05	7295	7.488000E + 00
VevR640064	66	66	5.0E-05	5775	$2.259700E{+}01$
VevR640128	130	130	2.0E-05	12578	2.271160E + 02
VevR640256	258	258	2.0E-05	11805	1.508050E + 03
VevR640512	514	514	1.0E-05	18540	8.612692E + 03
VevR641024	1026	1026	2.0E-06	92433	1.415334E + 05

Tabela 20: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para o coeficiente de descarga (C_d) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi,p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
4	4	0.25000000	1.86963819E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.55081389E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
16	16	0.06250000	1.25829622E + 00	0.12424	-3.25266124E + 00	9.75798372E + 00
32	32	0.03125000	1.12596112E + 00	1.14433	-1.09328856E - 01	3.27986568E - 01
64	64	0.01562500	1.06334521E + 00	1.07959	-5.62363711E - 02	1.68709113E - 01
128	128	0.00781250	1.03190378E + 00	0.99386	-3.17106262E - 02	9.51318786E - 02
256	256	0.00390625	1.01595071E + 00	0.97883	-1.64317495E - 02	4.92952486E - 02
512	512	0.00195313	1.00789280E + 00	0.98536	-8.22402430E - 03	2.46720729E - 02
1024	1024	0.00097656	1.00384107E + 00	0.99187	-4.09778409E - 03	1.22933523E - 02

Tabela 21: Solução numérica, ordem aparente e estimativas para a eficiência do empuxo dinâmico (F_d^*) .

n_x	n_y	h	ϕ	p_U	$U_{ri}(\phi, p_U)$	$U_{GCI}(\phi, p_U)$
4	4	0.25000000	1.27034211E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
8	8	0.12500000	1.09630966E + 00	não se aplica	não se aplica	não se aplica
16	16	0.06250000	9.76825579E - 01	0.54254	-2.61720845E - 01	7.85162536E - 01
32	32	0.03125000	9.35985561E - 01	1.54876	-2.12083027E - 02	6.36249080E - 02
64	64	0.01562500	9.19257802E - 01	1.28774	-1.16048008E - 02	3.48144023E - 02
128	128	0.00781250	9.10885683E - 01	0.99858	-8.38862843E - 03	2.51658853E - 02
256	256	0.00390625	9.06540489E - 01	0.94617	-4.68861675E - 03	1.40658502E - 02
512	512	0.00195313	9.04315958E - 01	0.96592	-2.33348637E - 03	7.00045910E - 03
1024	1024	0.00097656	9.03191285E - 01	0.98400	-1.15004918E - 03	3.45014755E - 03

10 Geometrias e Malhas

A geometria da tubeira é definida pela seguinte equação (Araki, 2007):

$$y = a x^2 + 0,04 \qquad (\text{em metros}) \tag{1}$$

O perfil da parede norte da tubeira, definida pela equação acima, é transladado ao longo do eixo x para que a entrada da tubeira fique sobre o eixo y (x = 0). Diferentes valores para a são utilizados para gerar tubeiras com razão de expansão ($RA = \frac{A_{exit}}{A_g}$ igual a 2, 4, 8, 16, 32 e 64, conforme tabela 22. O comprimento da tubeira é igual a 1 metro para todas as razões.

RA	a
2	0.0662741699796952
4	0.1600000000000000000000000000000000000
8	0.2925483399594000
16	0.4800000000000000000000000000000000000
32	0.7450966799187820
64	1.12000000000000000

Tabela 22: Valores de *a* para as tubeiras com diferentes razões de expansão.

O perfil das tubeiras com as diferentes razões de área são apresentados na figura (1). As figuras (2)-(7) apresentam as malhas geradas para a tubeira de razão de expansão igual a 8 para diferentes valores de NX e NY.



Figura 1: Geometria das tubeiras parabólicas com RA = 2, 4, 8, 16, 32 e 64.



Figura 2: Malha 2x2 da tubeira parabólica de RA = 8.



Figura 3: Malha 4x4 da tubeira parabólica de RA = 8.



Figura 4: Malha 8x8 da tubeira parabólica de RA = 8.



Figura 5: Malha 16x16 da tubeira parabólica de RA = 8.



Figura 6: Malha 32x32 da tubeira parabólica de RA = 8.



Figura 7: Malha 64x64 da tubeira parabólica de $\mathrm{RA}=8.$